

УДК 681.5

В. Ц. ЗОРИКТУЕВ, И. Ф. МЕСЯГУТОВ, С. Г. ГОНЧАРОВА

## АДАПТИВНАЯ СИСТЕМА УПРАВЛЕНИЯ ПРОЦЕССОМ МЕХАНООБРАБОТКИ НА ОСНОВЕ НЕЧЕТКОЙ ДИНАМИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ

Предложена модель для математического описания поведения процесса резания в пространстве состояния в условиях нечеткой исходной информации. Приведен синтез алгоритма оперативного принятия решений по выбору режимов механообработки в условиях нескомпенсированной неопределенности методами адаптивного управления. Проанализированы результаты имитационного моделирования работы адаптивной системы стабилизации главной составляющей силы резания при точении. Автоматизация; управление в условиях неопределенности; адаптивная система управления; процесс механообработки; робастность; нечеткая модель

Проблемы создания высокоэффективного автоматизированного механообрабатывающего производства обусловлены сложностью процесса резания (ПР) как объекта управления (ОУ) из-за стохастичности, нелинейности, нестационарности, многосвязности его моделей, многорежимности, неопределенности его поведения, дефицита априорной и апостериорной информации, возмущений, действующих в технологической системе.

Управление ПР, предназначеннное для автоматической коррекции режимов, сталкивается с необходимостью решения двух задач:

- задачи снижения априорной неопределенности знаний об объекте за счет использования оперативной информации от средств измерения и построения контура адаптации;
- задачи формирования закона управления, гарантирующего устойчивость и заданные показатели точности и качества системы управления (СУ) в условиях нескомпенсированной (апостериорной) неопределенности.

Один из путей к преодолению указанных проблем состоит в развитии многоуровневых иерархических СУ, в основу которых заложена концепция сочетания методов адаптивного, робастного и интеллектуального управления.

### АНАЛИЗ МЕТОДОВ УПРАВЛЕНИЯ ПРОЦЕССОМ РЕЗАНИЯ В УСЛОВИЯХ НЕОПРЕДЕЛЕННОСТИ

Проведенный с помощью методологии SADT и стандарта IDEF1X системный анализ

показал, что проблемы управления ПР в информационном аспекте обусловлены неполнотой и недостоверностью априорных и апостериорных знаний о предметной области. При этом выявлены следующие виды неопределенностей моделей ПР: структурные, функциональные, параметрические, сигнальные и неопределенности начальных условий. Понятие параметрической неопределенности совпадает с общепринятым определением. Под сигнальными неопределенностями в работе следует понимать неопределенности всех сигналов в СУ, передающихся по каналам обратной связи и по каналам управления. Функциональные неопределенности — это неточно известные или неоднозначные статические характеристики моделей объектов. Структурные — это неопределенности порядка дифференциальных уравнений в динамической модели.

Сигнальные неопределенности определяются помехами в каналах при передаче информации, погрешностью измерения физических величин ПР и восстановления переменных вектора состояния ПР, дефицитом средств измерения, неполной наблюдаемостью СУ. Структурные, функциональные, параметрические неопределенности и неопределенности начальных условий обусловлены дефицитом, недостоверностью и противоречивостью исходных данных, применяемых для построения модели; неадекватностью модели в результате ее распространения на новый технологический процесс, при упрощении модели путем линеаризации, путем по-

нижения порядка дифференциальных уравнений, а также в результате сведения многомерной модели к одномерной с ограниченным числом учитываемых переменных ПР.

В настоящее время известен целый ряд методов управления неопределенными объектами. Однако область применения каждого из них ограничена определенными условиями. Так, например, применение в СУ ПР метода оптимального в среднем управления пучками траекторий, метода гарантирующего управления, метода оптимального управления с обратной связью по неполному вектору состояний [5] ориентировано на процессы с моделями, характеризующимися лишь одним из перечисленных видов неопределенностей. Реализация стохастических методов управления [3] упирается в проблему вариаций статистических характеристик случайных процессов, имеющих место в моделях ПР. Синтез регуляторов, в том числе И, ПИ закона, методами «жесткого управления», модифицированными интервальными вычислениями или функциями риска [3], эффективен в случае, когда структура модели априори известна, а параметры модели могут иметь отклонения от расчетных не более чем в два раза, в то время как для ПР характерны колебания коэффициента передачи и постоянных времени в 10 раз и выше.

При ограниченных уровнях сигнальных и параметрических возмущений можно прибегнуть к методам робастного управления [9]. Если же коэффициент передачи и постоянные времени ПР изменяются более чем в 2–3 раза, то эти методы не обеспечивают приемлемые показатели качества СУ и, следовательно, не применимы. Необходимо искать пути по снижению этой неопределенности.

Методы решения проблемы, связанной со снижением априорной неопределенности, сочетающие изучение и управление объектом, были получены в 70–80-х годах и приведены в работах [1, 3, 4] и др., ставших классической адаптивного управления. На сегодняшний день синтез известных адаптивных СУ (АдСУ) ПР выполнен в классе беспоисковых самонастраивающихся систем. Классические беспоисковые методы [1, 3, 4] ориентированы на управление объектами, для моделей которых справедливы определенные допущения: отсутствует паразитная динамика, т. е. порядок дифференциальных уравнений модели соответствует динамике реального объекта, выходная координата объекта считается измеряемой, а весь вектор состояния — восстанавливаемым (наблюдаемым). Кроме то-

го, темпы процессов, происходящих в контуре адаптации и настраиваемом контуре, согласованы, т. е. считается, что при синтезированных алгоритмах адаптивного управления возмущения не могут привести к частичной потере координации работы контуров. Также предполагается, что сформированный закон управления полностью компенсирует априорные неопределенности, так что вся АдСУ в комплексе может рассматриваться как детерминированный объект, где нет места случайным процессам, а возмущения можно сравнять с неизвестными уравнениями, которые однозначно разрешимы в процессе функционирования системы.

Однако нестационарные свойства моделей ПР, их переменная структура, значительные погрешности измерения выходных переменных указывают на то, что эти допущения выполняются не всегда.

В этом случае возникает необходимость в одновременном преодолении проблем снижения неопределенности знаний о ПР и сохранения работоспособности СУ в условиях неснятой неопределенности.

Один из возможных путей совместного решения указанных проблем открывают развивающиеся методы адаптивного робастного управления [4, 6]. Эти методы нацелены на формирование управляющего сигнала, который позволяет частично скомпенсировать априорные неопределенности; обеспечивает ограниченность всех сигналов в замкнутой системе; реализует выполнение критерия качества управления в виде целевого неравенства [4, 6]. Особенностью постановки задачи робастного управления являются смягчающие требования к показателям устойчивости, точности и качества управления, которые предполагают не поиск экстремума целевой функции (или целевого функционала), а обеспечение сходимости значений целевой функции (или целевого функционала) в пределе к некоторому ограниченному инвариантному множеству.

В связи с этим синтез СУ ПР целесообразно реализовать в классе адаптивных робастных систем.

### МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ДЛЯ ПРЕДСТАВЛЕНИЯ ЗНАНИЙ О ПРОЦЕССЕ РЕЗАНИЯ

С целью возможности описания случайных величин и случайных процессов инвариантно к их закону распределения, с целью фиксации уровня дефицита информации, с

целью формализации знаний о ПР, характеризующихся преимущественно эмпирическими и эвристическими экспертными данными, а также с целью решения вопросов управляемости и наблюдаемости системы авторами предложена следующая математическая модель для описания поведения ПР [10].

Уравнения состояния:

$$\begin{aligned} \dot{\bar{x}}_1 &= \bar{z}_1 = \bar{F}_1(\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_n, u_1, u_2, \dots, u_m, \\ &\quad \bar{\theta}_1^1, \bar{\theta}_2^1, \dots, \bar{\theta}_r^1, \bar{f}_1, \bar{f}_2, \dots, \bar{f}_k, t), (\mu_{\bar{s}}(1)); \end{aligned} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} \dot{\bar{x}}_n &= \bar{z}_n = \bar{F}_n(\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_n, u_1, u_2, \dots, u_m, \\ &\quad \bar{\theta}_1^n, \bar{\theta}_2^n, \dots, \bar{\theta}_r^n, \bar{f}_1, \bar{f}_2, \dots, \bar{f}_k, t), (\mu_{\bar{s}}(n)). \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \bar{y}_1 &= \bar{G}_1(\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_n, \bar{\theta}_{(r+1)}^1, \bar{\theta}_{(r+2)}^1, \dots, \bar{\theta}_\rho^1, \\ &\quad u_1, u_2, \dots, u_m, \bar{f}_1, \bar{f}_2, \dots, \bar{f}_k, t); \end{aligned} \quad (2)$$

$$\begin{aligned} \bar{y}_l &= \bar{G}_l(\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_n, \bar{\theta}_{(r+1)}^l, \bar{\theta}_{(r+2)}^l, \dots, \bar{\theta}_\rho^l, \\ &\quad u_1, u_2, \dots, u_m, \bar{f}_1, \bar{f}_2, \dots, \bar{f}_k, t). \end{aligned}$$

Начальные условия:

$$\bar{x}_1(0) = \bar{D}_1, \quad \bar{x}_2(0) = \bar{D}_2, \quad \dots \quad \bar{x}_n(0) = \bar{D}_n,$$

где  $\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_n$  — нечеткие переменные [2] вектора состояния;  $u_1, u_2, \dots, u_m$  — управляющие переменные, принимающие четкие значения;  $\bar{f}_1, \bar{f}_2, \dots, \bar{f}_k$  — точно неизвестные возмущения со стороны внешней среды;  $\bar{\theta}_1^1, \dots, \bar{\theta}_r^1, \dots, \bar{\theta}_1^n, \dots, \bar{\theta}_r^n, \bar{\theta}_{(r+1)}^1, \dots, \bar{\theta}_\rho^1, \dots, \bar{\theta}_{(r+1)}^l, \dots, \bar{\theta}_\rho^l$  — нечеткие параметры модели;  $\bar{y}_1, \bar{y}_2, \dots, \bar{y}_l$  — нечеткие выходные переменные;  $\bar{F}_1, \bar{F}_2, \dots, \bar{F}_n, \bar{G}_1, \bar{G}_2, \dots, \bar{G}_l$  — нечеткие функции;  $t$  — время;  $\mu_{\bar{s}}(1), \mu_{\bar{s}}(2), \dots, \mu_{\bar{s}}(n)$  — показатели структурных неопределенностей модели.

Переменные  $\bar{x}_1, \bar{x}_2, \dots, \bar{x}_n, \bar{f}_1, \bar{f}_2, \dots, \bar{f}_k$  и  $\bar{y}_1, \bar{y}_2, \dots, \bar{y}_l$  отражают сигнальные неопределенностии. Взаимосвязь между конкретной переменной и временем представлена нечеткими отношениями (НО):  $\bar{x}_i(t) = \{t, x_i / \mu_{\bar{x}i}(t, x_i)\}, \bar{f}_q(t) = \{t, f_q / \mu_{\bar{f}q}(t, f_q)\}, \bar{y}_\varsigma(t) = \{t, y_\varsigma / \mu_{\bar{y}\varsigma}(t, y_\varsigma)\}, i = 1, 2, \dots, n, q = 1, 2, \dots, k, \varsigma = 1, 2, \dots, l$ , а разброс значений указанных переменных в фиксированный момент времени выражен нечеткими множествами (НМ):  $\bar{x}_i = \{x_i / \mu_{\bar{x}i}(x_i)\}, \bar{f}_q = \{f_q / \mu_{\bar{f}q}(f_q)\}, \bar{y}_\varsigma = \{y_\varsigma / \mu_{\bar{y}\varsigma}(y_\varsigma)\}$ , где  $\mu_{\bar{x}i}, \mu_{\bar{f}q}, \mu_{\bar{y}\varsigma}$  — функции принадлежности (ФП),  $x_i, f_q, y_\varsigma$  — значения из универсальных множеств.

Параметрические неопределенностии formalizованы либо НМ  $\bar{\theta}_j^i = \{\theta_j^i / \mu_{\bar{\theta}ji}(\theta_j^i)\}$ ,

$j = 1, 2, \dots, r$ , если модель ПР рассматривается как стационарная, либо НМ  $\bar{\theta}_j^i(t) = \{t, \theta_j^i / \mu_{\bar{\theta}ji}(t, \theta_j^i)\}$ , если имеет место нестационарная модель ОУ.

Функциональные неопределенностии модели ПР formalизованы в качестве НО

$$\bar{F}_i = \left\{ \begin{array}{l} z_i, (x_1, \dots, x_n, u_1, \dots, u_m, \\ \theta_1^i, \dots, \theta_r^i, f_1, \dots, f_k) / \\ \mu_{\bar{F}i}(F_i, z_i, x_1, \dots, x_n, u_1, \dots, u_m, \\ \theta_1^i, \dots, \theta_r^i, f_1, \dots, f_k) \end{array} \right\}$$

и

$$\bar{G}_\varsigma = \left\{ \begin{array}{l} y_\varsigma, (x_1, \dots, x_n, u_1, \dots, u_m, \\ \theta_{(r+1)}^\varsigma, \dots, \theta_\rho^\varsigma, f_1, \dots, f_k) / \\ \mu_{\bar{G}\varsigma}(G_\varsigma, y_\varsigma, x_1, \dots, x_n, u_1, \dots, u_m, \\ \theta_{(r+1)}^\varsigma, \dots, \theta_\rho^\varsigma, f_1, \dots, f_k) \end{array} \right\},$$

где  $F_i, G_\varsigma$  — четкие функции.

Неопределенностии начальных условий описаны НМ  $\bar{D}_i = \{x_i / \mu_{\bar{D}i}(x_i)\}$ , а структурные — НМ  $\bar{S} = \{s / \mu_{\bar{S}}(s)\}$ , где  $s = 1, 2, \dots, n$  — порядковый номер переменной вектора состояния.

Наиболее эффективно функцию принадлежности (ФП) задать аналитической зависимостью [8]

$$\begin{aligned} \mu_{\bar{x}}(x) &= \\ &= \left\{ \begin{array}{l} \left(b_{1\bar{x}}(a_{\bar{x}} - x)\right)^{\nu_{1\bar{x}}} \frac{\text{sign}(b_{1\bar{x}}(a_{\bar{x}} - x)) + 1}{2} + \\ + \left(b_{2\bar{x}}(x - a_{\bar{x}})\right)^{\nu_{2\bar{x}}} \frac{\text{sign}(b_{2\bar{x}}(x - a_{\bar{x}})) + 1}{2} + \\ + 1 \end{array} \right\}^{-1}. \end{aligned} \quad (3)$$

В формуле (3) коэффициент  $a_{\bar{x}}$  представляет моду ФП, коэффициенты  $b_{1\bar{x}}$  и  $b_{2\bar{x}}$  задают ширину ФП,  $\nu_{1\bar{x}}, \nu_{2\bar{x}}$  — наклон ФП к оси  $x$ , т. е. контрастность.

Параметрическое представление ФП позволяет получить любую форму ФП, количественно оценить нечеткость информации, повысить скорость и гибкость оперирования нечеткой информацией, обрабатывая при этом не все элементы НМ, а только пять параметров. В свою очередь, количественная оценка нечеткости априорной информации позволяет обоснованно подойти к выбору принципа и метода управления, а также является составной частью критерия качества СУ при

формировании управляющего воздействия на ПР.

Так, например, значения коэффициентов ФП переменных вектора состояния  $b_{1\bar{x}i} = \infty$ ,  $b_{2\bar{x}i} = \infty$ ,  $v_{1\bar{x}i} = \infty$ ,  $v_{2\bar{x}i} = \infty$  при  $\forall i = 1, 2, \dots, n$  означают четкое множество, что указывает на полную наблюдаемость СУ без погрешности оценки состояния. В этом случае можно формировать закон управления с полной обратной связью по вектору состояния. При  $\forall i = 1, 2, \dots, n$ ,  $b_{1\bar{x}i} = 0$ ,  $b_{2\bar{x}i} = 0$  СУ полностью ненаблюдаема, т. е. система является разомкнутой по состоянию. В этом случае применимо, например, оптимальное программное управление (принцип максимума Понтрягина). Условия  $\exists (i = 1 \dots n, j = 1 \dots r) \frac{1}{b_{2\bar{\theta}j}^i |a_{\bar{\theta}j}^i|} > 1$  и  $v_{2\bar{\theta}j}^i < 8$  или

$b_{1\bar{\theta}j}^i |a_{\bar{\theta}j}^i| < 2$  и  $v_{1\bar{\theta}j}^i < 8$  показывают, что значения параметров модели могут отклоняться от номинальных более чем в два раза. СУ ПР с таким уровнем параметрической неопределенности следует синтезировать в классе АдСУ. Если  $\forall (i = 1 \dots n, j = 1 \dots r, \varsigma = 1 \dots l) b_{1\bar{\theta}j}^i = \infty$ ,  $b_{2\bar{\theta}j}^i = \infty$ ,  $v_{1\bar{\theta}j}^i = \infty$ ,  $v_{2\bar{\theta}j}^i = \infty$ ,  $b_{1\bar{F}i} = \infty$ ,  $b_{2\bar{F}i} = \infty$ ,  $v_{1\bar{F}i} = \infty$ ,  $v_{2\bar{F}i} = \infty$ ,  $b_{1\bar{G}\varsigma} = \infty$ ,  $b_{2\bar{G}\varsigma} = \infty$ ,  $v_{1\bar{G}\varsigma} = \infty$ ,  $v_{2\bar{G}\varsigma} = \infty$ , то модель ОУ детерминирована и вполне применимо «жесткое» управление.

**Пример.** В соответствии с формальным описанием ОУ (1), (2), (3) на основе эмпирических данных, полученных в УГАТУ, РГАТА, ЭНИМС [7], идентифицирована нечеткая модель точения (4), предназначенная для управления силой резания.

$$\begin{aligned} \dot{\bar{x}}_1 &= \bar{z}_1 = \bar{\theta}_1^1 \otimes \bar{x}_2, (\mu_{\bar{S}}(1) = 1); \\ \dot{\bar{x}}_2 &= \bar{z}_2 = \bar{\theta}_1^2 \otimes \bar{x}_1 \oplus \bar{\theta}_2^2 \otimes \bar{x}_2 \oplus \\ &\quad \oplus \bar{\theta}_3^2 \otimes u^{*\bar{\theta}_4^2}, (\mu_{\bar{S}}(2) = 1); \\ \bar{y} &= \bar{\theta}_5^1 \otimes \bar{x}_1. \end{aligned} \quad (4)$$

Управляющей переменной  $u$  здесь является минутная подача, выходной переменной  $\bar{y}$  – главная составляющая силы резания, нечеткие параметры  $\bar{\theta}_1^1$ ,  $\bar{\theta}_1^2$ ,  $\bar{\theta}_2^2$ ,  $\bar{\theta}_3^2$ ,  $\bar{\theta}_4^2$ ,  $\bar{\theta}_5^1$  выражают изменяющиеся физико-механические свойства инструментального и обрабатываемого материалов, глубину резания, геометрию режущей части инструмента и его износ, жесткость системы «станок–приспособление–инструмент–деталь», марку СОЖ и т. д.

Для обрабатываемого материала ХН77ТИОР, инструментального материала Т15К6, геометрии резца:  $\gamma = 5^\circ$ ,  $\alpha = \alpha_1 = 10^\circ$ ,  $\lambda = 0^\circ$ ,  $\varphi =$

$= \varphi_1 = 45^\circ$ ,  $r = 0,5$  мм при полуцистовой обработке параметры НМ модели могут принимать значения:

$$\begin{aligned} a_{\bar{\theta}_1^1} &= a_{\bar{\theta}_5^1} = 1, & a_{\bar{\theta}_1^2} &= -307,7, \\ a_{\bar{\theta}_2^2} &= -47,7, & a_{\bar{\theta}_3^2} &= 20512,8, \\ a_{\bar{\theta}_4^2} &= 0,75, & b_{2\bar{\theta}_1^2} &= 0,056, \\ b_{1\bar{\theta}_1^2} &= 0,07, & v_{1\bar{\theta}_1^2} &= 7, \\ v_{2\bar{\theta}_1^2} &= 8, & b_{2\bar{\theta}_2^2} &= 0,37, \\ b_{1\bar{\theta}_2^2} &= 0,435, & v_{1\bar{\theta}_2^2} &= 7, \\ v_{2\bar{\theta}_2^2} &= 8, & b_{1\bar{\theta}_4^2} &= 50, \\ b_{2\bar{\theta}_4^2} &= 50, & v_{1\bar{\theta}_4^2} &= 8, \\ v_{2\bar{\theta}_4^2} &= 8, & b_{1\bar{\theta}_3^2} &= 0,000536, \\ b_{2\bar{\theta}_3^2} &= 0,000487, & v_{1\bar{\theta}_3^2} &= 10, \\ v_{2\bar{\theta}_3^2} &= 6, & b_{1\bar{\theta}_1^1} &= b_{2\bar{\theta}_1^1} = \\ = b_{1\bar{\theta}_5^1} &= b_{2\bar{\theta}_5^1} = \infty, & v_{1\bar{\theta}_1^1} &= v_{2\bar{\theta}_1^1} = \\ = v_{1\bar{\theta}_5^1} &= v_{2\bar{\theta}_5^1} = \infty, & b_{1\bar{x}1} &= 0,08, \\ b_{1\bar{x}1} &= 0,026, & b_{1\bar{x}2} &= 0,002, \\ b_{2\bar{x}2} &= 0,002, & d_{1\bar{F}2} &= d_{2\bar{F}2} = 0,02, \\ v_{1\bar{x}1} &= v_{2\bar{x}1} = v_{1\bar{x}2} = & v_{2\bar{x}2} &= \lambda_{1\bar{F}2} = \lambda_{2\bar{F}2} = 8, \\ d_{1\bar{F}1} &= d_{2\bar{F}1} = & \lambda_{1\bar{F}1} &= \lambda_{2\bar{F}1} = \infty, \\ d_{1\bar{G}} &= d_{2\bar{G}} = & \lambda_{1\bar{G}} &= \lambda_{2\bar{G}} = \infty. \end{aligned}$$

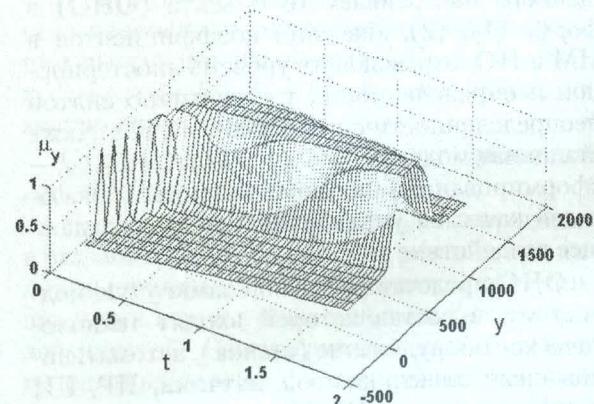
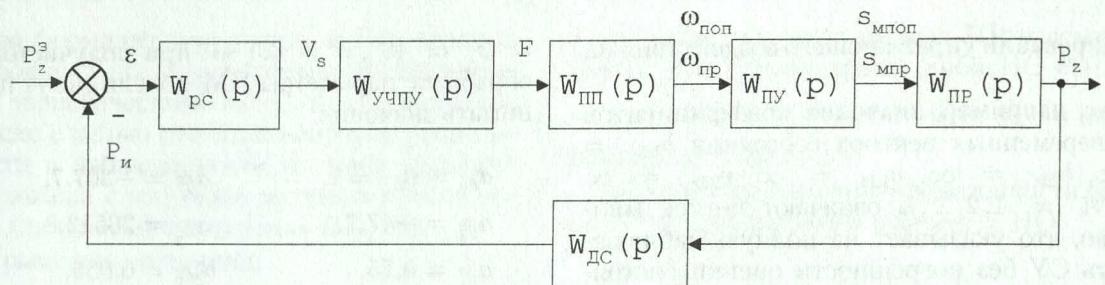


Рис. 1. Нечеткий переходный процесс  $\bar{y}(t) = \bar{x}_1(t)$  при управлении силой резания  $P_z$ .

Из расчетов по модели и графика нечетких переходных процессов (рис. 1) видно, что вариации изменения силы резания в пределах одного технологического перехода в обычных технологических условиях могут составлять 40% и более. Причем показатели качества и точности СУ определяются не только наиболее вероятными временными характеристиками  $a_{\bar{x}i}(t)$ ,  $a_{\bar{y}i}(t)$ , но и параметрами нечеткости  $b_{1\bar{x}i}(t)$ ,  $b_{2\bar{x}i}(t)$ ,  $b_{1\bar{y}}(t)$ ,  $b_{2\bar{y}}(t)$ , полученными



**Рис. 2.** Структурная схема ОНО при управлении силой резания  $P_z$ : РС – регулятор силы, ПП – приводы подачи, ПУ – передаточное устройство, ДС – датчик силы,  $P_z$ , Н – главная составляющая силы резания,  $V_s$ , мм/мин – контурная скорость,  $F$  – код подачи,  $\omega_{\text{пр}}, \omega_{\text{поп}}$ , рад./с – частоты вращения приводов подач,  $S_{\text{мпр}}, S_{\text{мпоп}}$ , мм/мин – продольная и поперечная минутные подачи

при решении дифференциальных уравнений. Снизить нечеткость знаний об объекте и, соответственно, улучшить показатели качества управления можно путем максимизации значений  $b_{1\bar{x}i}(t)$ ,  $b_{2\bar{x}i}(t)$ ,  $b_{1\bar{y}}(t)$ ,  $b_{2\bar{y}}(t)$ . Эта идея заложена в основу приведенного ниже алгоритма управления режимами ПР.

## АЛГОРИТМ ФОРМИРОВАНИЯ КВАЗИОПТИМАЛЬНЫХ РЕЖИМОВ МЕХАНООБРАБОТКИ МЕТОДАМИ АДАПТИВНОГО УПРАВЛЕНИЯ

Синтез закона управления выполнен для линеаризованной модели ПР. Исходной информацией при этом является модель обобщенного настраиваемого объекта (ОНО) в форме (1), (2), значения коэффициентов в НМ и НО, отражающих уровень апостериорной неопределенности, т. е. частично снятой неопределенности с помощью АдСУ, а также эталонная модель (ЭМ):  $\dot{x}_m = A_m x_m + B_m u_m$ , — сформированная на основе заданных показателей качества управления, где  $u_m$  — задающее воздействие системы.

ОНО представляет собой замкнутую подсистему, в состав которой входят технологическое оборудование (станок), автоматизированный электропривод, датчики, ПР, ПИ или И регуляторы ПР. Например, при управлении силой резания  $P_z$  структурная схема ОНО представлена на рис. 2.

Входным сигналом для ОНО  $u = P_z^3$  является управляющий сигнал с контура адаптации.

С точки зрения минимальной сложности и с учетом ограничений на полученный управляющий сигнал и скорость его изменения среди методов адаптивного управления с робастными свойствами для формирования режимов обработки деталей на станках с ЧПУ выбран дискретизированный алгоритм ско-

ростного градиента (АСГ) в параметрической форме с ПИ законом в контуре самонастройки [4, 6].

В данной работе предлагается распространить АСГ на управление объектами с нечеткой моделью типа (1),(2). При этом сигнал управления формируется на основе целого множества значений переменных состояния, возможных при вариации поведения ОНО. Кроме того, модель (1),(2) играет роль усредняющего сглаживающего фильтра и благодаря этому позволяет свести свойства ОНО к условиям, при которых гарантирована работоспособность классических алгоритмов адаптивного управления. Синтез закона управления на основе нечеткой модели дополнительно усиливает рабочесть АСГ с целью сохранения ограниченности фазовых траекторий в определенной области в условиях нескомпенсированной неопределенности знаний о ПР.

С целью улучшения качества и точности формирования переходных процессов в СУ реализован алгоритм принятия решений по выбору компромиссного управляющего сигнала управления путем его встраивания в алгоритмы управления.

При построении АдСУ использованы два варианта критериев. Первый критерий  $J_1 \rightarrow \min$  означает минимизацию среднего отклонения переменных вектора состояния реального поведения ОНО от эталона. Второй критерий  $J_2 \rightarrow \min$  показывает разброс значений выходной переменной ОНО. Если провести аналогию между нечеткой системой и стохастической, то первый критерий можно сравнить с минимизацией математического ожидания ошибки в стохастической системе, а второй — с минимизацией дисперсии ошибки.

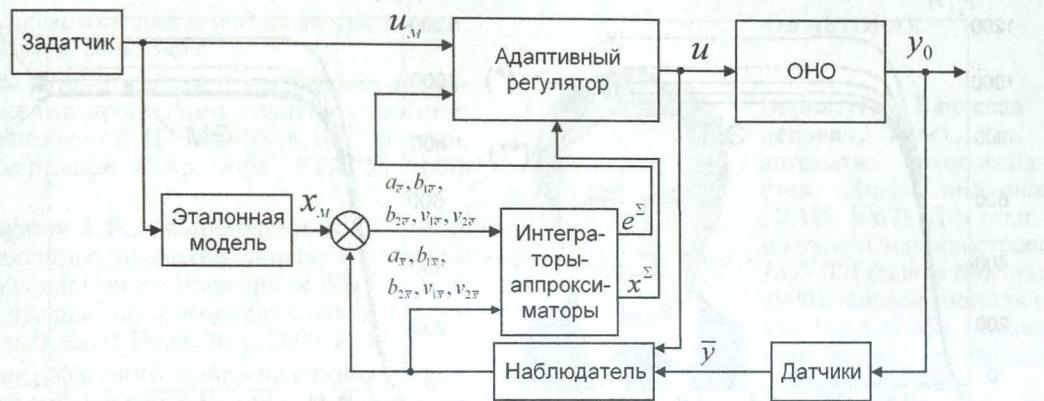


Рис. 3. Структурная схема АдСУ ПР

Модифицированный закон управления имеет вид:

$$u = k_u(t)u_M(t) + \sum_{i=1}^n k_x^\Sigma(t)x_i^\Sigma(t), \quad (5)$$

$$\begin{aligned} k_{x1}^\Sigma[t+1] &= k_{x1}^\Sigma[t](1 - \omega\gamma_3) + \\ &+ \omega(\gamma_5 - \gamma_4)\delta^*[t]x_1^\Sigma[t] - \\ &- \omega\gamma_5\delta^*[t+1]x_1^\Sigma[t+1], \end{aligned} \quad (6)$$

$$\begin{aligned} k_{xn}^\Sigma[t+1] &= k_{xn}^\Sigma[t](1 - \omega\gamma_3) + \\ &+ \omega(\gamma_5 - \gamma_4)\delta^*[t]x_n^\Sigma[t] - \\ &- \omega\gamma_5\delta^*[t+1]x_n^\Sigma[t+1], \end{aligned} \quad (7)$$

$$\begin{aligned} k_u[t+1] &= k_u[t](1 - \omega\gamma_1) + \\ &+ \omega(\gamma_6 - \gamma_2)\delta^*[t]u_M[t] - \\ &- \omega\gamma_6\delta^*[t+1]u_M[t+1], \end{aligned} \quad (8)$$

где  $t = m\omega$ ,  $\omega > 0$  – шаг дискретизации,  $m = 0, 1, 2, \dots, m_t$ ;  $\gamma = \{\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3, \gamma_4, \gamma_5, \gamma_6\}$  – параметры адаптивного регулятора;  $e_i^\Sigma = \int_{X_i} (x_i - x_{iM})\mu_{\bar{x}_i}(e_i) dx_i$  – рассогласование между переменными вектором состояния и эталонными переменными состояния, если синтез осуществляется по первому критерию или  $e_i^\Sigma = \begin{cases} \int_{X_i} (x_i - a_{\bar{x}_i})\mu_{\bar{x}_i}(e_i) dx_i & \text{при } x_i \neq a_{\bar{x}_i}, \\ (a_{\bar{x}_i} - x_{iM}) & \text{при } x_i = a_{\bar{x}_i}, \end{cases}$  если рассматривается второй критерий;  $\mu_{\bar{x}_i}(e_i) = \varphi_1(e_i, a_{\bar{x}_i}, b_{1\bar{x}_i}, b_{2\bar{x}_i}, v_{1\bar{x}_i}, v_{2\bar{x}_i})$  – ФП

ошибки;  $\varphi_1$  – аналитический вид ФП в форме (3);  $a_{\bar{x}_i} = a_{\bar{x}_i} - x_{iM}$ ,  $v_{1\bar{x}_i} = v_{1\bar{x}_i} - v_{iM}$ ,  $v_{2\bar{x}_i} = v_{2\bar{x}_i} - v_{iM}$ ,  $b_{1\bar{x}_i} = b_{1\bar{x}_i} - b_{iM}$ ,  $b_{2\bar{x}_i} = b_{2\bar{x}_i} - b_{iM}$ ;  $x_i^\Sigma = \int_{X_i} x_i dx_i$  – интегрированная переменная вектора состояния;  $\delta^*[t] = \sum_{i=1}^n h_i e_i^\Sigma$ ;  $h_i$  – коэффициенты, полученные из коэффициентов матрицы в решении уравнения Ляпунова и матрицы эталонной модели  $B_M$ .

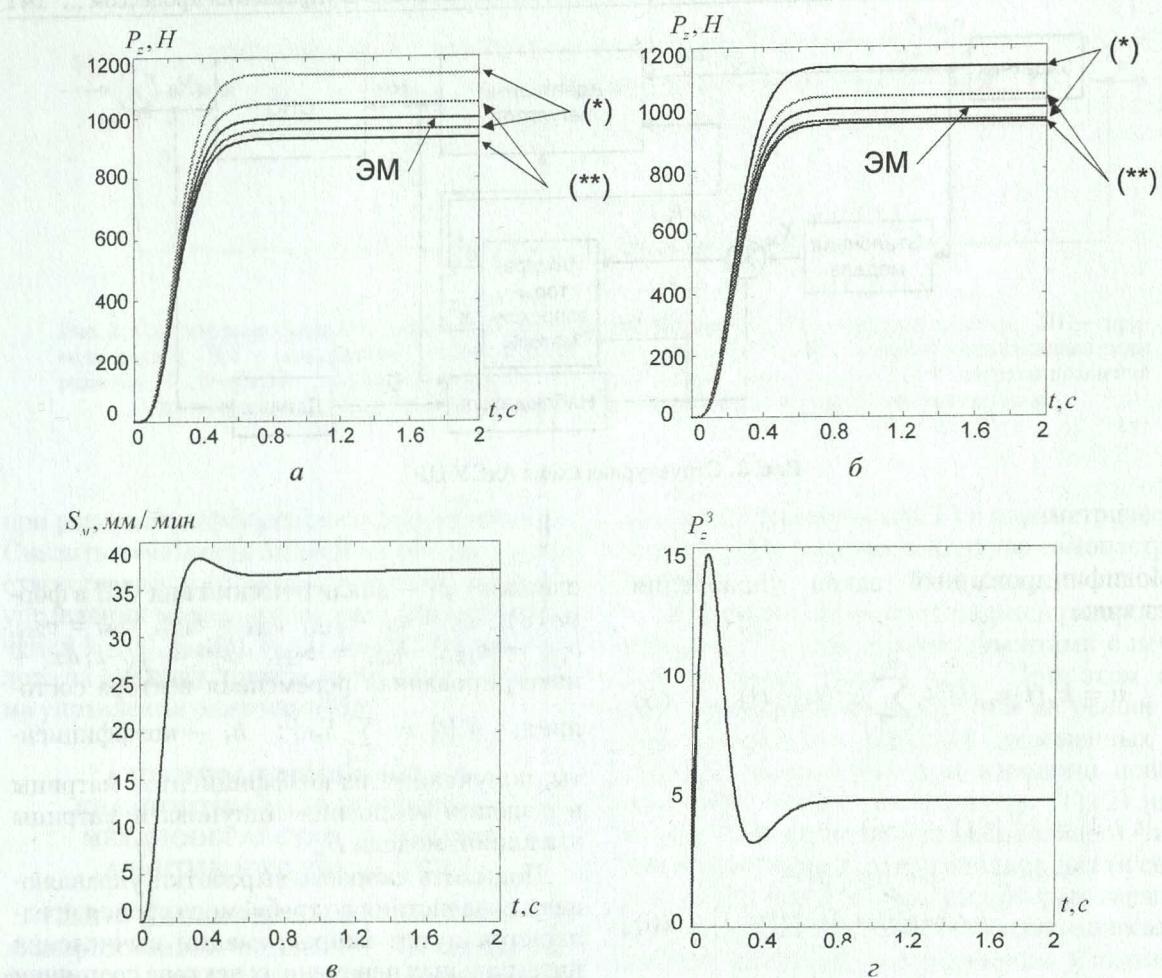
Повысить скорость выработки управляющего воздействия до требуемого уровня предлагается путем аппроксимации вычисления интегральных переменных вектора состояния  $x_i^\Sigma(t)$  и интегральных ошибок  $e_i^\Sigma(t)$ . В качестве переменных аппроксимирующей функции выступают параметры ФП:  $a_{\bar{x}_i}$ ,  $a_{\bar{x}_i}$ ,  $v_{1\bar{x}_i}$ ,  $v_{1\bar{x}_i}$ ,  $v_{2\bar{x}_i}$ ,  $v_{2\bar{x}_i}$ ,  $b_{1\bar{x}_i}$ ,  $b_{2\bar{x}_i}$ ,  $b_{1\bar{x}_i}$ ,  $b_{2\bar{x}_i}$ , которые однозначно определяют  $x_i^\Sigma(t)$  и  $e_i^\Sigma(t)$ .

Структурная схема синтезированной АдСУ ПР приведена на рис. 3.

На рис. 4 приведены переходные процессы в разработанной АдСУ силой резания при наличии априорных параметрических, функциональных, структурных и сигнальных неопределенностей. Рассматривался самый неблагоприятный режим с точки зрения нагрузок на режущий инструмент – процесс врезания. При этом изменение коэффициента передачи модели достигало 10 раз и более.

Возможность выбора компромиссного управляющего сигнала  $u = P_z^3$ , обеспечиваемого законом (5)–(8) в соответствии с критерием качества  $J_1$ , как видно из рис. 4, а, уменьшает среднее отклонение переменных вектора состояния реального процесса от эталона на 15%, а по критерию  $J_2$  (рис. 4, б) уменьшает разброс возможных значений  $P_z$  в среднем на 20%.

При этом динамика изменения продольной минутной подачи, выступающей в каче-



**Рис. 4.** Результаты имитационного моделирования АдСУ силой резания: (\*) — переходные процессы в СУ силой резания на основе АСГ; (\*\*) — переходные процессы в СУ силой резания на основе модифицированного АСГ

стве компромиссного управляющего сигнала для ПР, отражена на рис. 4, в. Значения подачи удовлетворяют ограничениям. Сигнал управления с выхода адаптивного регулятора  $u = P_z^3$ , поступающий на ОНО в качестве задающего сигнала для подсистемы стабилизации силы резания, приведен на рис. 4, г.

## ВЫВОДЫ

Предложенный в работе алгоритм, помимо частичного снятия параметрических и функциональных неопределенностей, позволяет сформировать наиболее приемлемый управляющий сигнал с точки зрения цели управления в условиях возможных вариаций проведения ОУ. Применение алгоритма в СУ ПР расширяет область их применения в производственных условиях при наличии широкого спектра возмущений.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Петров Б. Н., Рутковский В. Ю., Крутова И. Н., Земляков С. Д. Принципы построения и проектирования самонастраивающихся систем управления. М.: Машиностроение, 1972. 260 с.
- Нечеткие множества в моделях управления и искусственного интеллекта / Под ред. Д. А. Пospelova. М.: Наука, 1986. 312 с.
- Справочник по теории автоматического управления / Под ред. А. А. Красовского. М.: Наука, 1987. 712 с.
- Фрадков А. Л. Адаптивное управление в сложных системах: беспоисковые методы. М.: Наука, 1990. 296 с.
- Пантелеев А. В., Бортаковский А. С., Летова Т. А. Оптимальное управление в примерах и задачах: Учеб. пособие. М.: МАИ, 1996. 212 с.
- Мирошник И. В., Никифоров В. О., Фрадков А. Л. Нелинейное и адаптивное управ-

- ление сложными динамическими системами. СПб.: Наука, 2000. 549 с.
7. **Основы автоматизации и управления технологическими процессами в машиностроении:** Учеб. пособие / В. Ц. Зорикуев, Н. С. Буткин, А. Г. Схиртладзе и др. Уфа: УГАТУ, 2000. 406 с.
8. **Mesyagutov I. F., Goncharova S. G.** Formal description of cutting process for control problems solution // Preprints of 8th Int. Student Olympiad on Automatic Control (Baltic Olympiad). Saint-Petersburg, 2000. P. 41–45.
9. **Методы робастного, нейро-нечеткого и адаптивного управления** / Под ред. Н. Д. Егупова. М.: Изд-во МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2001. 744 с.
10. **Зорикуев В. Ц., Гончарова С. Г., Месягутов И. Ф.** Система оптимального управления процессом механообработки // Инструмент и технологии. 2003. № 13–14. С. 45–49.

## ОБ АВТОРАХ



**Зорикуев Вячеслав Цыденович**, проф., зав. каф. автоматиз. технологич. систем. Дипл. инж.-механик (УАИ, 1963). Д-р техн. наук по технол. машиностроения и АСУ ТП (защ. в Мосстанкин, 1990). Заслуж. деятель науки РБ. Иссл. в обл. управления технологич. процессами в машиностроении.



**Месягутов Игорь Фаритович**, доц. той же каф. Дипл. инж.-электромеханик (УГАТУ, 1995). Канд. техн. наук по автоматизац. и упр-ю технологич. процессами и производствами (УГАТУ, 2003). Иссл. в обл. идентификации и управления технологич. процессами в машиностроении.



**Гончарова Светлана Геннадьевна**, доц. той же каф. Дипл. инж.-электромеханик (УГАТУ, 1996). Канд. техн. наук по автоматизац. и упр-ю технологич. процессами и производствами (УГАТУ, 2001). Иссл. в обл. идентификации и управления технологич. процессами в машиностроении.